

## Def. 6.4.2 (Verwendbare Gleichungen)

- $\mathcal{U}(E, x) = \emptyset$ , für alle Variablen  $x$
- $\mathcal{U}(E, f(u_1, \dots, u_n)) = E_f \cup \bigcup_{l \equiv r \in E_f} \mathcal{U}(E \setminus E_f, r) \cup \mathcal{U}(E \setminus E_f, u_1) \cup \dots \cup \mathcal{U}(E \setminus E_f, u_n)$ .

## Satz 6.4.3 (Terminierungsverfahren mit Dependency Pairs)

$P$  terminiert gdw. es ex. eine stabile und monotone Quasi-Ordnung  $\succsim$ , die mit einer fundierten und stabilen Relation  $\succ$  kompatibel ist, so dass

- $t \succ u$  für alle  $\langle t, u \rangle$  aus  $DP(P)$  und
- $l \succsim r$  für alle  $l \equiv r$  aus  $\bigcup_{\langle t, u \rangle \in DP(P)} \mathcal{U}(E_P, u)$ .

## Satz 6.5.7 (DPs sind mächtiger als direkte Terminierungsbeweise)

Sei  $\succ$  Simplifikationsordnung mit  $l \succ r$  für alle  $l \equiv r \in E_P$ . Wenn man  $\succ$  erweitert, indem  $f$  und sein Tupelsymbol  $F$  gleich behandelt werden, dann erfüllt  $\succ$  die DP-Constraints aus Satz 6.5.4 bei  $\mathcal{AF} = \emptyset$ .