

- ↳ **Reduktionsordnung** gdw. \succ fundiert, stabil, monoton und transitiv
- ↳ **Simplifikationsordnung** gdw. \succ Reduktionsordnung und $\succ_{emb} \subseteq \succ$.

Satz 4.4.2 (c) (folgt aus Satz von Kruskal)

Wenn \succ stabil, monoton, transitiv und irreflexiv ist und die Teiltereigenschaft $f(x_1, \dots, x_n) \succ x_i$ erfüllt, dann ist \succ Simplifikationsordnung.

Lexikographische Kombination

- $(s_1, \dots, s_n) \succ_{1 \times \dots \times n} (t_1, \dots, t_n)$ gdw. es ex. i mit $s_i \succ_i t_i$ und $s_j = t_j$ für $1 \leq j < i$.
- \succ_1, \dots, \succ_n sind fundiert gdw. $\succ_{1 \times \dots \times n}$ fundiert ist.
- \succ_{lex}^n ist n -fache lexikographische Kombination von \succ mit sich selbst

Lexikographische Pfadordnung

Sei \square Ordnung über Σ (*Präzedenz*). Es gilt $s \succ_{lpo} t$ gdw.

- $s = f(s_1, \dots, s_n)$ und $s_i \succeq_{lpo} t$ für ein i oder
- $s = f(s_1, \dots, s_n)$, $t = g(t_1, \dots, t_m)$, $f \square g$ und $s \succ_{lpo} t_j$ für alle j oder
- $s = f(s_1, \dots, s_{i-1}, s_i, s_{i+1}, \dots, s_n)$, $t = f(s_1, \dots, s_{i-1}, s_i, s_{i+1}, \dots, t_n)$,
 $s_i \succ_{lpo} t_i$ und $s \succ_{lpo} t_j$ für alle j .

$$\text{plus}(\mathcal{O}, y) \succ_{lpo} y$$

$$\text{plus}(\text{succ}(x), y) \succ_{lpo} \text{succ}(\text{plus}(x, y))$$

$$\text{times}(\mathcal{O}, y) \succ_{lpo} \mathcal{O}$$

$$\text{times}(\text{succ}(x), y) \succ_{lpo} \text{plus}(y, \text{times}(x, y))$$

$$\text{sum}(\mathcal{O}, y) \succ_{lpo} y$$

$$\text{sum}(\text{succ}(x), y) \succ_{lpo} \text{sum}(x, \text{succ}(y))$$