

## Rekursive Pfadordnung

Sei  $\sqsupset$  Ordnung über  $\Sigma$  (*Präzedenz*). Es gilt  $s \succ_{rpo} t$  gdw.

- $s = f(s_1, \dots, s_n)$  und  $s_i \succeq_{rpo} t$  für ein  $i$  oder
- $s = f(s_1, \dots, s_n)$ ,  $t = g(t_1, \dots, t_m)$ ,  $f \sqsupset g$  und  $s \succ_{rpo} t_j$  für alle  $j$  oder
- $s = f(s_1, \dots, s_n)$ ,  $t = f(t_1, \dots, t_n)$ ,  $\{s_1, \dots, s_n\} (\succ_{rpo})_{mul} \{t_1, \dots, t_n\}$

## RPO mit Status $\succ_{rpos}$

Ordne jedem  $n$ -stelligen Funktionssymbol  $f$  Permutation von  $1, \dots, n$  oder "Multimenge" zu, vergleiche Argumente lexikographisch in angegebener Reihenfolge oder als Multimenge

$$\begin{array}{ccc} \text{sum}(\mathcal{O}, y) & \rightarrow & y \\ \text{sum}(\text{succ}(x), y) & \rightarrow & \text{sum}(x, \text{succ}(y)) \end{array} \quad \begin{array}{ccc} \text{plus}(\mathcal{O}, y) & \rightarrow & y \\ \text{plus}(\text{succ}(x), y) & \rightarrow & \text{succ}(\text{plus}(y, x)) \end{array}$$

- $s$  und  $t$  sind **unifizierbar**, falls es **Unifikator**  $\sigma$  mit  $s\sigma = t\sigma$  gibt
- **Unifikationsproblem**  $S = \{s_1 = ? t_1, \dots, s_n = ? t_n\}$
- $\sigma \in U(S)$  gdw.  $s_i\sigma = t_i\sigma$  für alle  $1 \leq i \leq n$
- $\sigma$  ist **allgemeiner** als  $\sigma'$  gdw. es existiert Substitution  $\delta$  mit  $\sigma' = \sigma\delta$ .

**Beispiel**  $S = \{g(f(x), y) = ? g(y, f(z))\}$

$U(S)$  enthält  $\sigma = \{x/z, y/f(z)\}$

$$\sigma_1 = \{x/a, y/f(a), z/a\}$$

$$\sigma_2 = \{x/f(z), y/f(f(z)), z/f(z)\}$$

$$\sigma_3 = \{z/x, y/f(x)\} \quad \text{etc.}$$

$\sigma$  und  $\sigma_3$  sind **allgemeinste** Unifikatoren, denn

$$\sigma_1 = \sigma\delta_1 \text{ mit } \delta_1 = \{z/a\}$$

$$\sigma_2 = \sigma\delta_2 \text{ mit } \delta_2 = \{z/f(z)\}$$

$$\sigma_3 = \sigma\delta_3 \text{ mit } \delta_3 = \{z/x\}$$